

ИЗДАТЕЛЬСКИЙ ДОМ «АКАДЕМИЯ ЕСТЕСТВОЗНАНИЯ»

**СОВРЕМЕННЫЕ  
НАУКОЕМКИЕ  
ТЕХНОЛОГИИ**

**№4, 2011**

Электронная версия  
[www.fr.rae.ru](http://www.fr.rae.ru)  
12 выпусков в год  
Импакт фактор РИНЦ (2009)=0,020

Журнал основан в 2003 г.  
**ISSN 1812–7320**

*ГЛАВНЫЙ РЕДАКТОР*

*М.Ю. Ледванов*

*ЗАМ. ГЛАВНОГО РЕДАКТОРА*

*Н.Ю. Стукова*

*Ответственный секретарь*

*М.Н. Бизенкова*

***РЕДАКЦИОННАЯ КОЛЛЕГИЯ***

д.т.н., профессор	Антонов Александр Владимирович	Обнинск
д.т.н., профессор	Беляев Владимир Львович	Санкт-Петербург
д.ф.-м.н., профессор	Бичурин Мирза Имамович	Великий Новгород
д.т.н., профессор	Гилёв Анатолий Владимирович	Красноярск
д.т.н., профессор	Грызлов Владимир Сергеевич	Череповец
д.т.н., профессор	Захарченко Владимир Дмитриевич	Волгоград
д.т.н., профессор	Корячкина Светлана Яковлевна	Орел
д.т.н., профессор	Крупенин Виталий Львович	Москва
д.т.н., профессор	Литвинова Елена Викторовна	Орел
д.т.н., профессор	Нестеров Валерий Леонидович	Екатеринбург
д.т.н., профессор	Пен Роберт Зусьевич	Красноярск
д.т.н., профессор	Петров Михаил Николаевич	Красноярск
д.т.н., профессор	Попов Федор Алексеевич	Бийск
д.т.н., профессор	Пындак Виктор Иванович	Волгоград
д.т.н., профессор	Салихов Мухаммет Габдулхаевич	Йошкар-Ола
д.т.н., профессор	Важенин Александр Николаевич	Нижний Новгород
д.т.н., профессор	Арютов Борис Александрович	Нижний Новгород
д.т.н., профессор	Гоц Александр Николаевич	Владимир
к.ф.-м.н.	Капитонова Тамара Афанасьевна	Якутск

## СОВРЕМЕННЫЕ НАУКОЕМКИЕ ТЕХНОЛОГИИ

---

Учредитель – **Академия Естествознания**  
123557, Москва,  
ул. Пресненский вал, 28  
Свидетельство о регистрации **ПИ № 77-15598**  
ISSN 1812–7320

**АДРЕС РЕДАКЦИИ**  
440026, г. Пенза,  
ул. Лермонтова, 3  
Тел. редакции (8412) 56–17–69  
Факс (8412) 56–17–69  
E-mail: [edition@rae.ru](mailto:edition@rae.ru)

Подписано в печать 20.07.2011

Формат 60x90 1/8  
Типография  
ИД «Академия Естествознания»  
440000, г. Пенза,  
ул. Лермонтова, 3

Технический редактор  
Кулакова Г.А.  
Корректор  
Сватковская С.В.

Усл. печ. л. 9,5  
Тираж 1000 экз. Заказ СНТ 2011/4  
Подписной индекс 70062

© ИД «Академия Естествознания»

ИД «АКАДЕМИЯ ЕСТЕСТВОЗНАНИЯ» 2011

---

УДК 531.51; 378.14

## УЧЕБНЫЕ ИССЛЕДОВАНИЯ ГРАВИТАЦИИ (Ч. I)

**Борисов Ю. А.**

*Волжский филиал Марийского государственного технического университета, Волжск,  
e-mail: bor1946@rambler.ru*

Рассматривается возможное рассуждение Ньютона для вывода закона всемирного тяготения из третьего закона Кеплера, приводится вывод уточненного Ньютоном третьего закона Кеплера. Путем расчета с помощью калькулятора доказывается справедливость замены в законе всемирного тяготения шарообразного тела на точечное той же массы, помещенное в центр шарообразного тела. Отмечается, что до настоящего времени физическая сторона природы тяготения осталась столь же неясной, что и была во времена Ньютона.

**Ключевые слова:** закон всемирного тяготения, проверка суммированием

## RESEARCH WORK OF THE LAW OF UNIVERSAL GRAVITATION (PART I)

**Borisov Y.**

*Volzshk department of Mari State Technical University, Volzhsk, e-mail: bor1946@rambler.ru*

Newton's possible reasoning for a conclusion of the law of universal gravitation from Kepler's third law is considered, the conclusion of the third law of Kepler specified by Newton is resulted. By calculation by means of the calculator justice of replacement in the law of universal gravitation of a spherical body on dot the same weight, placed in the center of a spherical body is proved. It is noticed that till now the physical party of the nature of gravitation remained so not clear, as was at the time of Newton.

**Keywords:** The law of universal gravitation. The checking by the summation

В учебных исследованиях предпринято более глубокое (в сравнении с институтской программой) изучение закона всемирного тяготения, по которому, как известно, имеется много нерешенных вопросов, вызывающих большой интерес к проблеме. В исследованиях принимали участие студенты В.А. Арефьева и В.В. Трутнева.

Понять закон тяготения современникам Ньютона было нелегко. Например, Лейбниц писал Гюйгенсу: «Я не понимаю, как Ньютон представляет себе тяжесть или притяжение. По его мнению, по-видимому, это некое необъяснимое нематериальное качество». Гюйгенс, в свою очередь, отвечал Лейбницу: «Что касается причины приливов, которую даёт Ньютон, то она меня не удовлетворяет нисколько, как и все другие его теории, которые он строит на своём принципе притяжения, кажущемся мне нелепым» [1].

В настоящее время в некоторых учебниках для средней школы утверждается, что закон всемирного тяготения установлен Ньютоном на основе рассмотрения взаимодействия Луны и Земли. Указывается, что центростремительное ускорение Луны в 3600 или  $60^2$  раз меньше, чем ускорение у поверхности Земли. В то же время радиус Земного шара в 60 раз меньше, чем расстояние от Земли до Луны. Отсюда Ньютон заключает, что сила притяжения обратно пропорциональна квадрату расстояния между взаимодействующими телами. Однако Ньютон в год открытия (1667) не мог использовать данный подход, т.к. сначала надо было знать закон взаимодействия

между точечными телами, чтобы доказать, что сила взаимодействия между шарообразными телами (Землей и Луной) может быть заменена на силу взаимодействия между такими же по массе телами, расположенными в центре шаров. Для вычисления силы взаимодействия между протяженными (не точечными) телами, в том числе и шарообразными, их следует «разбить» на элементарные массы, чтобы их можно было считать по закону всемирного тяготения силы притяжения между всеми элементами, а затем геометрически их сложить (проинтегрировать), что является довольно сложной математической задачей [2] и впервые было выполнено, по-видимому, самим Ньютоном, а затем английским физиком Г. Кавендишем в 1789 г., который экспериментально доказал закон всемирного тяготения для земных тел и определил экспериментально числовое значение гравитационной постоянной. Здесь тоже возникает вопрос: были ли материалы шаров, которые использовал Г. Кавендиш абсолютно не магнитными (не диамагнитными и не парамагнитными), т.е. насколько отсутствовало влияние магнитного поля Земли и намагниченности шаров на их взаимодействие?

Для доказательства закона всемирного тяготения Ньютон использовал третий закон Кеплера [1, 2], согласно которому квадраты периодов обращения ( $T$ ) планет вокруг Солнца относятся как кубы больших полуосей их орбит ( $R$ ) или, для одной планеты:

$$R^3 = kT^2. \quad (1)$$

Здесь  $k$  – коэффициент пропорциональности. На наш взгляд рассуждения Ньютона могли сводиться к следующему. Центробежная сила ( $F_{\text{ц}}$ ), действующая на эту планету массой ( $m$ ), равна силе тяготения ( $F_{\text{т}}$ ):

$$F_{\text{ц}} = F_{\text{т}}$$

т.е.  $m\omega^2 R = F_{\text{т}}$  или  $m(2\pi/T)^2 R = F_{\text{т}}$  тогда с учётом (1):

$$F_{\text{т}} = k4\pi^2 m/R^2. \quad (2)$$

Вводя в уравнение (2) пропорциональность массе Солнца ( $M$ ) и гравитационную постоянную ( $G$ ), он получил:

$$F = G(mM/R^2). \quad (3)$$

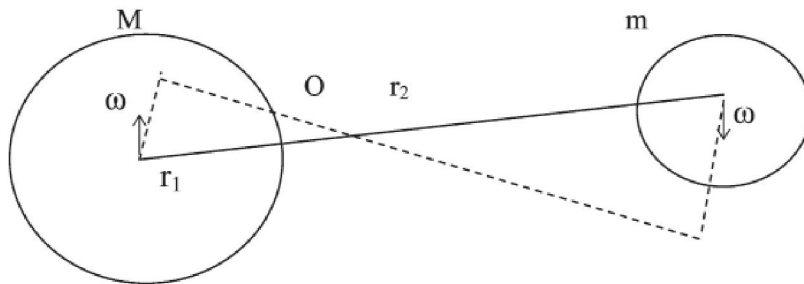


Рис 1

После сложения уравнений и замены  $\omega = 2\pi/T$ , получим:

$$\frac{4\pi^2 (r_1 + r_2)^3}{T^2} = G(m + M),$$

учтем здесь  $r_1 + r_2 = R$ , тогда  $4\pi R^3 = G(m + M)T^2$ . Или для двух таких систем

$$\frac{R_1^3}{R_2^3} = \frac{m_1 + M_1}{m_2 + M_2} \cdot \frac{T_1^2}{T_2^2}. \quad (4)$$

Это и есть уточненный Ньютоном третий закон Кеплера.

Годом открытия закона всемирного тяготения является 1667 г. Однако в это время Ньютону было всего 24 года и интегральное исчисление им еще не было создано. Поэтому аналитически доказать закон всемирного тяготения для шарообразных тел он еще не мог. И лишь в 1687 году в «Математических началах натуральной философии» [3] он впервые строго доказал его, опираясь на созданные им математические методы, составившие основу дифференциального и интегрального исчисления. Используя закон всемирного тяготения и сформулированные им понятия массы и силы, Ньютон распространил его на взаимодействие Земли и Луны, Земли и тел на её поверхности, определил массы планет и

Далее Ньютон уточнил закон Кеплера, введя в него массы вращающихся космических тел. В настоящее время подобная задача есть в КИМах ЕГЭ. В ней рассматривается движение двойной звезды. Обозначения – на рис. 1. На основе равенства центробежной силы и силы тяготения для каждой из звёзд (или планет типа Земля-Луна; обозначения на рисунке) запишем:

$$\begin{cases} m\omega^2 r_1 = G \frac{mM}{(r_1 + r_2)^2}, \\ M\omega^2 r_2 = G \frac{mM}{(r_1 + r_2)^2}. \end{cases}$$

Солнца в единицах массы Земли, объяснил возникновение приливов и отливов. Ньютон показал, что полученные им законы движения под действием тяготения имеют более общий характер; законы же Кеплера являются частным случаем этих более общих законов [1].

На первом этапе исследований с целью проверки справедливости замены в законе всемирного тяготения шарообразного тела (Ш) на точечное тело, помещенное в центр этого шара, при его взаимодействии с телом ( $T$ ) небольшого размера вблизи этого шарообразного тела мы провели расчеты, как бы не зная интегрального исчисления, т.е. возможно повторили расчеты И. Ньютона. Шарообразное тело (Ш) мы разделили множеством плоскостей (см. рис. 2) в трех взаимно перпендикулярных направлениях. В результате образовались элементы кубической формы, а на поверхности шара – усеченной кубической. Тело ( $T$ ) имело кубическую форму и такой же размер, как у каждого кубического элемента шара. Тело отстояло недалеко от поверхности шара (на расстоянии длины двух ребер кубического элемента). Кубические элементы и тело мы посчитали материальными точками единичной массы, расположив эти точки в геометрическом центре фигур. Между этими точками отсчитывали расстояние для расче-

та сил взаимодействия по закону всемирного тяготения. Массу тел усеченной формы (у поверхности шара) уменьшали в сравнении с единичной массой пропорционально уменьшению объема, а центр масс определяли как центр объема фигур, и так же рассчитывали силу взаимодействия. Результатом исследований считали геометрическую сумму ( $F_c$ ) сил взаимодействия каждого элемента шара (Ш) и тела (Т). Результатом явилось значение силы в условных единицах  $F_c = 0,080996$ . Сила взаимодействия между центром шара и центром тела  $F_{ц} = 0,081204$ . Из этих данных относительно отклонение значений сил  $F_c$  и  $F_{ц}$  от среднего значения составляет 0,13%. Таким образом, при рассмотрении взаимодействия шара и находящегося вблизи него тела, шар вполне можно заменить на точечное тело, помещенное в центр шара и имеющее массу шара, т.е.  $F_c = F_{ц}$ .

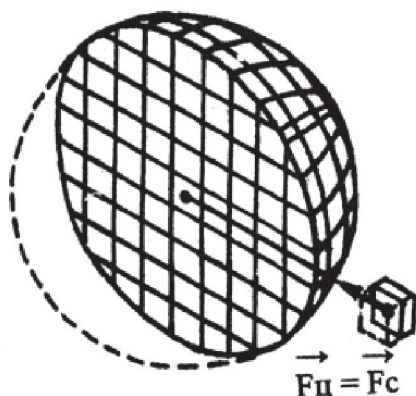


Рис. 2

Такие вычисления являются весьма трудоемкими и нашим студентам, участникам настоящих исследований, потребовалось около 20 часов, а с учетом уточняющих повторных вычислений преподавателем – еще больше. Такие вычисления с помощью компьютера проводятся за долю секунды (задания в программе MS Excel компьютеру пишутся дольше). Что было предпринято нами в последующих исследованиях (ч. II). Вероятно, Ньютон также проводил подобные вычисления – во все времена ученые много считали. Подход Ньютона был распространен на электрическое (закон Куло-

на, теорема Остроградского-Гаусса) и магнитное (закон Био-Саварра-Лапласа) поля.

Догадка и последующее доказательство Ньютона по замене шара на точечное тело, на наш взгляд, само является замечательным открытием, которое предопределило создание дифференциального и интегрального исчисления.

Далее легко выполнить полученные доказательства для двух шарообразных тел, так же разбив их на точечные элементы. Тогда для каждого точечного элемента второго шара первый шар можно заменить первым точечным телом. А затем второй шар, рассматривая взаимодействие его элементов с первым точечным телом, так же можно заменить вторым точечным телом.

Специально следует отметить, что со времён Ньютона и до настоящего времени окончательно не установлена скорость распространения гравитации. Согласно Лапласу [1], скорость передачи притяжения можно определить по вековому ускорению движения Луны. По этим данным, притяжение должно было бы передаваться со скоростью, по крайней мере, в пятьсот миллионов раз превосходящей скорость света. Поэтому, не опасаясь какой-либо «заметной погрешности, мы можем принять передачу тяготения за мгновенную» [1]. До настоящих дней физическая сторона природы тяготения осталась столь же неясной, как и была. В общей теории относительности Эйнштейна тяготение может распространяться от одного тела к другому со скоростью света посредством волн гравитации. Попытки их обнаружить экспериментально, начатые в США и повторившиеся во всём мире вплоть до последнего времени к успеху не привели, гравитоны (носители гравитационного поля) и гравитационные волны не обнаружены. Определение скорости распространения гравитации является одной из важных задач, которую должна решить современная наука.

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Воронцов – Вельяминов Б.А. Лаплас. – 2-е изд., доп. и перераб. – М.: Наука, 1985. – 288 с.
2. Трофимова Т.И. Курс физики: учеб. пособие для вузов. – 15 изд. – М.: Академия, 2007. – 560 с.
3. Рябов Ю.А. Закон всемирного тяготения // БСЭ. – <http://bse.sci-lib.com/article082932.html>.